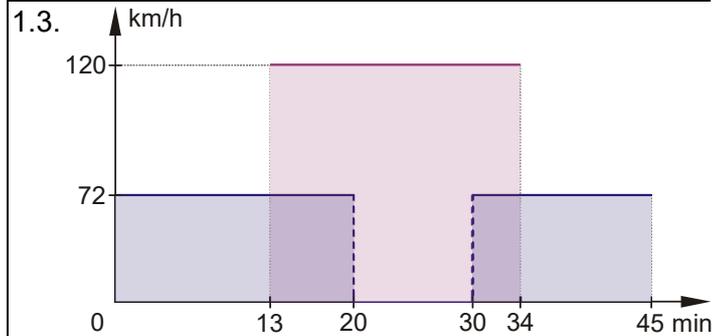


- 1.1. Wegen des geradlinigen Verlaufs bewegen sich die beiden Züge in jedem Intervall gleichförmig.  
 Der zweite Zug fährt schneller, weil dessen Linie steiler verläuft.  
 Der erste Zug hält im Ort  $s_1$  10 Minuten an, damit der zweite Zug überholen kann.

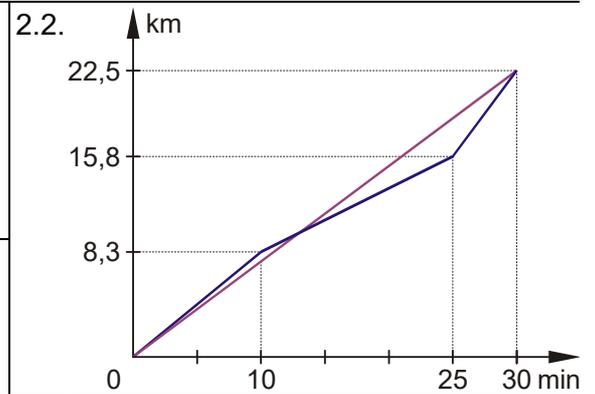
- 1.2. Der erste Zug fährt im 1. Intervall 20min lang mit  $72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ , d.h. Ort  $s_1 = \frac{72 \text{km}}{60 \text{min}} \cdot 20 \text{min} = \underline{24 \text{km}}$ .  
 Im 3. Intervall fährt der Zug mit  $72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  in  $45 \text{min} - 30 \text{min} = 15 \text{min}$  weitere  $\frac{72 \text{km}}{60 \text{min}} \cdot 15 \text{min} = 18 \text{km}$ ,  
 d.h. Ort  $s_2 = 24 \text{km} + 18 \text{km} = \underline{42 \text{km}}$ . Der zweite Zug benötigt für den 1. Streckenabschnitt  
 $25 \text{min} - 13 \text{min} = 12 \text{min}$ , die Geschwindigkeit dieses Zuges beträgt also  $\frac{24 \text{km}}{12 \text{min}} = 2 \frac{\text{km}}{\text{min}} = 120 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ .

Mit dieser Geschwindigkeit benötigt der Zug  
 für den 2. Streckenabschnitt  $\frac{18 \text{km}}{2 \frac{\text{km}}{\text{min}}} = 9 \text{min}$   
 und kommt am Ort  $s_2$  zum Zeitpunkt  
 $t_2 = 25 \text{min} + 9 \text{min} = \underline{34 \text{min}}$  an.

Oder man betrachtet die gesamte Strecke:  
 $\frac{42 \text{km}}{2 \frac{\text{km}}{\text{min}}} = 21 \text{min}$ ,  $t_2 = 13 \text{min} + 21 \text{min} = \underline{34 \text{min}}$ .

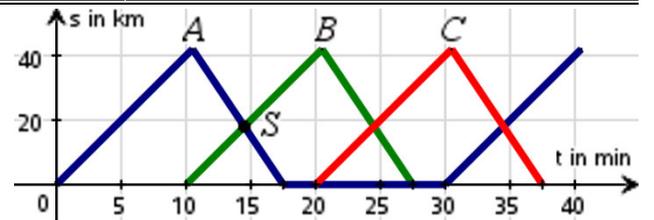


- 2.1.  $s_1 = 50 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 10 \text{min} = \frac{50 \text{km}}{60 \text{min}} \cdot 10 \text{min} \approx 8,33 \text{km}$ ,  
 $s_2 = 30 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 15 \text{min} = 7,50 \text{km}$ ,  $\{8,3 \text{km} + 7,5 \text{km} = 15,8 \text{km}\}$   
 $s_3 = 80 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 5 \text{min} \approx 6,67 \text{km}$ ,  
 Gesamtweg  $s_{\text{ges}} = 8,33 \text{km} + 7,50 \text{km} + 6,67 \text{km} = \underline{22,5 \text{km}}$



- 2.3. { Mit der Durchschnittsgeschwindigkeit legt der PKW in der gesamten Zeit den gleichen Gesamtweg zurück. }  
 $\bar{v} = s_{\text{ges}} : t_{\text{ges}} = 22,5 \text{km} : 30 \text{min} = \underline{45 \frac{\text{km}}{\text{h}}}$

- 3.1. Zeit für den Hinflug:  $\frac{42 \text{km}}{240 \text{km/h}} = 0,175 \text{h} = 10,5 \text{min}$   
 Gesamte Flugzeit:  $10,5 \text{min} + 7 \text{min} = 17,5 \text{min}$



- 3.2. Pro Flugzeug ergibt sich ein Zyklus von 30min, zum Betanken bleiben  $30 \text{min} - 17,5 \text{min} = \underline{12,5 \text{min}}$ .

- 3.3. Die Strecke für den Rückflug des 1. Flugzeugs vom Punkt (10,5 | 42) zum Punkt (17,5 | 0) und die Strecke für den Hinflug des 2. Flugzeugs vom Punkt (10 | 0) zum Punkt (20,5 | 42) schneiden sich im Punkt S(14,5 | 18). Die Flugzeuge begegnen sich also 18,0km entfernt vom Flugplatz.

{ Zur grafischen Lösung im TR benötigt man die Bewegungsgleichungen  $s(t) = v \cdot (t - t_0) + s_0$ .  
 Bei s in km und t in min muss auch v in km/min eingesetzt werden:

1. Rückflug:  $s(t) = \frac{-42 \text{km}}{7 \text{min}} \cdot (t - 10,5 \text{min}) + 42 \text{km}$  ergibt  $f_1(x) = -6 \cdot (x - 10,5) + 42$

2. Hinflug:  $s(t) = \frac{240 \text{km}}{60 \text{min}} \cdot (t - 10 \text{min}) + 0 \text{km}$  ergibt  $f_2(x) = 4 \cdot (x - 10)$ .

Mit "Menu, Graph analysieren, Schnittpunkt" erhält man (14,5 | 18), d.h. s = 18,0km.

ZA: Durch Gleichsetzen  $-6 \frac{\text{km}}{\text{min}} \cdot (t - 10,5 \text{min}) + 42 \text{km} = 4 \frac{\text{km}}{\text{min}} \cdot (t - 10 \text{min})$  erhält man  $t = 14,5 \text{min}$   
 { im TR: `solve(-6 * (t - 10.5) + 42 = 4 * (t - 10), t)` }.

Nach Einsetzen erhält man  $s = -6 \frac{\text{km}}{\text{min}} \cdot (14,5 \text{min} - 10,5 \text{min}) + 42 \text{km} = 18,0 \text{km}$

bzw.  $s = 4 \frac{\text{km}}{\text{min}} \cdot (14,5 \text{min} - 10 \text{min}) = 18,0 \text{km}$ .